トランジスタ正弦波発振器の発展状況 (第2報)*

千葉作富郎**

1. まえがき

トランジスタ正弦波発振器の発展状況について主に米英日独仏蘭ソの文献調査を実施した のでその主流の概要を御報告する.ここでは周波数決定回路によってL-C形と水晶形の順 に述べる.これ迄の発展経過を概観するとL-C形ではバイボーラトランジスタとFETと のリアクタンス安定化法が行なわれている.周波数決定回路であるL-C回路をバリキャッ プやCの正負の温度係数の相殺による温度補償法にかなり努力がなされてをり、また V.C. O.があり、強力な正帰還による負性抵抗の実現法もある.水晶形では無調整法と調整法が ありおよそ100MHz以上では調整法が有利である.従来の恒温槽を使用せずに水晶振動子の 温度特性をバリキャップやコレクタ容量により補償する方法が成果を挙げている.調整法で 125MHz を直接発振させて緩街増幅器で逓倍しておよそ 1GHz の標準周波数を作って実用化 しつつある.発振周波数帯はおよそ 10³~10⁹Hz にわたり、その発振周波数変動率は、電源 電圧 $\Delta Vc=\pm30\%$,周囲温度 $\Delta Ta=-5$ ~+60°C の変化に対しておよそ $\pm5\times10^{-4}$ (L-C形)、 $\pm7\times10^{-6}$ (水晶形) 程度である.

2. *L*—*C* 形 発 振 器

2・1 概観

大別して Clapp, Franklin 等の方式と, リアクタンス安定化法⁽¹⁾⁽²⁾⁽²⁾⁽²⁾⁽²⁾⁽²⁾⁽²⁾, コルピッツ形⁽²⁾⁽²⁾⁽²⁾ 並列同調形となり,トランジスタ GE, GC, GB 等の1段形や2段形が多い. Franklin, Clapp, Lampkin 等の方式は増幅器と周波数決定回路とをインピーダンス的に切り離すの はよいが,所要増幅度が大きくなって負帰還量が減少するので,上記と同条件下で, $\Delta f/f_0$ ÷±6×10-(Q÷10²,ただし L-C 室温保持の場合)程度である. リアクタンス安定化法は バイポーラトランジスタとFETともに,数学的には発振周波数はトランジスタやFETの パラメータに無関係となるが,安定化条件として,CやLを計算値通りに合致させるには 10-4桁が精一杯なので, $\Delta f/f_0$ =±5×10-³~1×10-⁴,程度である. 温度補償法^{(3)~(1)}として L-C回路のCとしてバリキャップを使ったり,C1,C2として温度係数の違うものを使用し て正負の温度係数を相殺して綜合して小さい温度係数のL-C回路を得る方法等が成果を挙 げている.またV.C.O.^{(6)~(2)}としてゲート電圧によって発振をスイッチしたり,周波数を変 えたりする方法がある.強力なトランジスタ直結形正帰還を施して負性抵抗をNあるいはS

** 電気工学科 助教授 原稿受付 昭和52年9月30日

^{*} 昭和52年9月 電気関係学会東海支部連合大会において発表

字形に実現した,2端子L-C発振器もある.筆者の経験によれば上記と同条件下で $\Delta f/f = \pm 8 \times 10^{-5}$,程度を得ている⁶⁶⁰⁰方法もある.

2・2 リアクタンス安定化法(1)(2)(5)

L-C発振器に Llewellyn のリアクタンス安定化法を *MOSFET* に用いたコルピッツ 発振器のゲート安定化法の1例を示す.図1⁽¹⁾はゲート安定化用リアクタンス X_g を挿入し た等価回路で, Z_g は *MOSFET* の等価入力インピーダンスで,ゲート漏れ抵抗 R_g ,ゲー ト・ソース間容量 C_{gs} の並列回路としてをり, *FET* は簡略化等価回路で示され, *R*は外 部接続されている負荷抵抗を X_3 の直列抵抗として等価的に置換している,網目方程式より 発振条件としてつぎの行列式が得られる.ただし

$$\begin{vmatrix} r_{d}+jX_{1} & jX_{1} & -\mu Z_{g} \\ jX_{1} & R+j(X+X_{3}) & -jX_{2} \\ 0 & -jX_{2} & Z_{g}+j(X_{2}+X_{g}) \end{vmatrix} = 0 - (1) \begin{cases} Z_{g}=R_{g}'+jX_{g}' \\ R_{g}'=R_{g}/(1+\omega^{2}C_{gs}^{2}R_{g}^{2}) \\ X_{g}'=-\omega C_{gs}R_{g}^{2}/(1+\omega^{2}C_{gs}^{2}R_{g}^{2}) \\ X_{g}=X_{1}+X_{2}, r_{d}: F \neq 1 \neq M_{T} \end{cases}$$

そこでコルピッツの条件, $X_1 = -1/\omega C_1$, $X_2 = -1/\omega C_2$, $X_3 = \omega L_3$,安定化リアクタンス $X_g = \omega L_g$ を上式に代入すると実数部より振幅決定条件,虚数部より周波数決定条件と安定 化条件がつぎのように得られる.

$$\omega = 1/L_{3}C, \ C = C_{1}C_{2}/(C_{1}+C_{2})-(2)$$
周波数条件
$$L_{g} = \left(\frac{C_{1}L_{3}}{C_{2}}\right) \frac{1 + \frac{C_{1}C_{2}R}{L_{3}}\left(\frac{r_{d}}{C_{2}} + \frac{R_{g}}{C} \cdot \frac{1}{1 + R_{g}^{2}C_{gs}^{2}/L_{3}C} + \frac{r_{d}C_{gs}}{L_{3}C} \cdot \frac{R_{g}^{2}}{1 + R_{g}^{2}C_{gs}^{2}/L_{3}C}\right)}{1 + \frac{C_{1}^{2}Rr_{d}}{CL_{3}}}$$
$$\frac{-\frac{C_{gs}}{L_{3}}\left(\mu - \frac{C_{2}}{C_{1}}\right)\left(\frac{R_{g}^{2}}{1 + R_{g}^{2}C_{gs}^{2}/L_{3}C}\right)}{-(3)}$$
-(3) 安定化条件

(3)式で決まるゲート安定化用インダクタンス L_g を挿入すると(2)式の周波数で発振し、FE*T*パラメータには無関係となる。図 2 は実験回路でその発振周波数変動特性が図 3 に示される。理論値は 33.2 μ H であるのに対して、ここでは実験的に最適調整点として L_g =32 μ Hが得られ、 ΔV_D =5~10(V)、変化に対しておよそ $\Delta f/f$ =±1×10-4 程度である。安定化用リ





図2 リアクタンス安定化回路

42



アクタンス L_g を計算値に一致させるには 10-4 桁が精一杯であるし、電源電圧や周囲温 度により FET パラメータが変化するので、 このように実験的に詰めて L_g の最適値を決 定する方法は実際的である.トランジスタの リアクタンス安定化⁽²⁾ 法も既に発表されてい る.ここで周囲温度 $T_a = -5 - +60^{\circ}$ C の変 化に対しては FET やバイポーラトランジス タのパラメータがかなり大幅に 変化 するの で、発振周波数変動率はさらに大きくなる傾 向がある.

2·3 温度補償形 L-C 発振器^{(3)~(7)}

バリキャップ(Variable Capacitance Diode) は電圧同調が可能であり小型である特長を有 するが容量の温度変化が一つの欠点である. 容量の温度変化は拡散電位と半導体材料の誘 電率の温度変化によるものが大部分である. 従来このそれぞれを順方向にバイアスしたダ イオードを直列に入れること、パリキャップ のバイアス電源に適当にサーミスタを入れる ことにより補償する方法が提案(4)(5) されてい る. ここではバリキャップを共振容量とする トランジスタL-C発振器で,バリキャップ に加わる逆電圧を温度変化させる方法で温度 補償を実施し、サーミスタを用いる温度補償 回路(3)を図4に示し、その発振周波数変化特 性を図5に示す. 周囲温度 △Ta÷-20~+ 60°C の変化に対して △f/fo÷±4×10-4と かなり良好特性である.

2·4 V. C. O. ^{(8)~(2)} (Voltage Controlled Oscillator. 電圧制御発振器)

電圧制御自励発振器として接合形FETを 用い短時間安定性の良好な発振器を図6^(®)に 示す. 回路原形はコルピッツ形で数 MHz~ 数百 MHz までの範囲で発振条件と安定性に ついて実験して 短時間 の 周波数変動率 は Δ $I_D=1~6mA$ の変化に対して, $\Delta f/f_o=\pm$ 3×10^{-7} 程度を得ている. バリキャップ2個 とLとを並列にして制御電圧でその ΔC を変



化させて,発振周波数 Δf を変化させる. 図 7 ⁴⁰は $Q_2(GB)$ がコルピッツ形L-C発 振器で $Q_1(GE)$ はベース入力電圧によりスイ ッチ動作をする.ベース入力電圧が O(V)の ときは, Q_1 は遮断となりコレクタ出力抵抗 が極めて高いので, Q_2 は発振を持続し,ベ ース入力電圧が+10(V)のときは, Q_1 が飽和 し、コレクターエミッタ間抵抗は極めて小と





なるので、 $Q_1 \ge Q_2$ は並列になっているので、 Q_2 の利得が実効的に減衰することとなり発振停止となる.発振周波数はおよそ 82KHz の正弦波形で $R_4=5$ K Ω で振幅レベルを制御している.

図 8^{ω}は $Q_1(GE) - Q_8(GE)$ で直結形の増幅器をなし直交流の強い正帰還を施しているの で、負性抵抗を実現する. 図 9 に示すように R_f 値と I_B' 値により -R を任意に変化でき る、 Z_L として L - C 並列回路等と置換すれば図10 に示すように負性抵抗利用の L - C 正弦 波発振器となる. Z_L の代りに Lのみ接続すればパルス発振器となる. 他にトランジスタを 直結2~3段正帰還させてN字形あるいはS字形の負性 抵抗を実現して,2端子形発振器を実現したり,PNP とNPN形トランジスタとを直結正帰還させて広い直線 範囲の負性抵抗を実現する方法もある.

3. 水晶発振器

3・1 概観

大別して調整形^(a)と無調整形^(a)となり、回路原形は コルピッツ形が比較的多く用いられ、Clapp 形もある. 一般に上記条件下での発振周波数変動率は $\Delta f/f_{o=\pm 17}$ ×10⁻⁶程度であり、筆者の経験によれば電流伝送形帰還 形発振器の構成法によって、上記条件下で、 $\Delta f/f_{o=\pm 17}$



 $\pm 8 \times 10^{-8}$ 程度にする方法もある⁶⁴⁶³. Vc 一定で恒温槽内に水晶振動子を入れての経時変化 は良好でおよそ $\Delta f/f_{o} = \pm 2 \times 10^{-10}/day$ 位である. 一方水晶振動子の温度変化特性は一般 に 3 次曲線で表わされるが,水晶振動子と直列にバリキャップやコレクタ容量を接続し,サ ーミスタ回路によって,周囲温度変化に追随して印加電圧が変るようにして ΔC を変化させ て Δf を応動変化させるところの温度補償法^{640~64}を施して, $\Delta f/f_o(\Delta T^o C) = 6 \times 10^{-6}$ を 5×10⁻⁷(-10~+50°C) とおよそ1桁安定度を良好にする方法があり,従来より使っていた 恒温槽を使用せずともよい用途が開発されて小型,軽量,高信頼化に役立っている.また従 来 10~20MHz を無調整形で発振させて周波数逓倍していた方法に対して,最近,調整法で 125MHz を直接発振させている例があり,およそ100MHz 以上では調整法が有利である. これを周波数逓倍して約1GHz の周波数標準用に使われている. 低消費電力用として, CMOSFET^{64~64}発振器が時計用として実用化されている. *IC*利用の発振器もかなりあり, *IC* には周波数特性と自由に負帰還が施されるような改善策が期待されている.

3.2 無調整形水晶発振器的~約

図11^(a)(a)(b)は Butler 形の水晶発振器の回路原形であって、図(a)は*GB*-*GC*よりなり初段 エミッタからコレクタへ、次段ベースからエミッタへ水晶振動子を介して正帰還ループを形 成させてをり、図(b)は *GE*-*GC* 形で次段エミッタより水晶振動子を通り初段エミッタへ、 コレクタより次段ベースへと正帰還を施して発振させる.



45



図12 水晶発振回路

図12²⁰は μ A702を主増幅部とし,水晶 振動子を介して正帰還ループを形成して 発振周波数を決定し, $R_2 - R_4$ は負帰還 回路であり,点線部はAGC 回路である. 出力をダイオードCR1で整流して接合形 FETQ1 (GS) のゲートに印加する. も しも発振振幅が大きくなると, Q1 ゲー ト電圧は大となるため, Q1 のドレイン 出力抵抗は大きくなって,負帰還量を増 大させるので発振振幅は減少傾向となり ついに発振振幅は一定性となる. 周波数 はおよそ90KHz 以下の水晶振動子で R_x

 \Rightarrow 50K $\Omega\sim$ 100K Ω と抵抗損失が大きいので高利得増幅器を使用している.

図13⁵⁴はコルピッツ方式による *MOSFET*(*GS*)使用の 1MHz 水晶発振器で、ドレインよ り 390pFートリマコン 9.2pF-1 MHz 水晶振動子--*C*₂390pF を通りゲートへと正帰還ルー プを形成して発振させてをり、電源電圧 ΔV_D =3~9(V) 変化に 対 して 発振周波数変動率 $\Delta f/f_o=1\times10^{-6}$ 程度であり、恒温槽を使用すると、 $\Delta f/f_o=1\times10^{-8}/day$ 程度で、一定の 室温中に水晶振動子を置いても同程度の周波数安定度を示す.次段の*GD*形は緩衝増幅器で ある.



3・3 温度補償形水晶発振器^{(3)~(4)}(Temperature Compensation Crystal Oscillator) 従来より広い温度範囲で 10⁻⁶ 以上の周波数安定度を得るために, 恒温槽を使用して いる が,半導体機器にとって恒温槽の消費電力と外形寸法の大きさが障害となっている. もし恒 温槽を使用しなければ発振周波数は周囲温度によって変化し,その変化量は水晶振動子の温 度特性に依存する. 図14に見るように,温度特性曲線は広い温度範囲では AT 板とGT 板と

は3次曲線,他は2次曲線の形をして いる.図15⁶⁹に示すようにAT板の例を とるとその切断方位によって温度幅に 対する周波数変化幅も変わる。 周囲温 度-140~+140℃間での切断角度が -10'~0~+34'間の特性曲線は3次 曲線である. 切断角度の精度を高く要 求すると生産上の歩溜りが落ち,周波 数変化量にも限界があるし、したがっ て恒温槽を使用しない広い温度範囲に わたって周波数の安定度を10-6以上得 るために考案されたのが、温度補償形 水晶発振器で、これは感温素子を利用 して周波数変化を補償した発振器であ る. その補償方法の1例を図16th に示 す.いずれも水晶振動子の負荷容量を 温度により変えて周波数を補償してい る. (a)は感温素子としてのサーミスタ とリアクタンスとを組合せた複合素子 のリアクタンス分が温度によって変化 することを利用して水晶振動子の温度 特性を補償する方式である. この方式 では温度範囲がせまい.(b)はサーミス タで周波数調整用のバリキャップの直 流バイアスを周囲温度に応じて変化さ せ水晶振動子の温度特性を補償するも のである. しかしオーバートン次数が 高い水晶振動子の場合には、負荷容量 の変化に対する周波数変化の割合が基 本波の振動子に比較して非常に小さく たるため、より感度の高い可変容量ダ イオードの出現が待たれている.図17 はバリキャップの代りにトランジスタ のコレクタ容量を用いたものである.

 $T_{r2}(GE)$ が発振部で, 無調整の3 次オーバートン回路である, $T_{r1}(GB)$ が周波数制御部で T_{r1} のベース電圧は サーミスタ T_{h1} , T_{h2} と直並列の抵抗 を通して供給している. 温度によりベ



図14 主な水晶板の代表的周波数特性







(a) サーミスタとリアクタンスの組合せによる温度補償
(b) サーミスタ可変容量ダイオードの組合せによる温度
補償

図16 温度補償方法



ース電圧が変化すると、それにともないコレクタ容量が変り、水晶振動子の温度特性を補償 している. VRは周波数微調整用可変抵抗器で ±3×10-6 以上可変することができる.

図18は周波数の温度特性を示す. 図中に水晶振動子のみと書かれた曲線は,水晶振動子の 温度特性を示し,それを補償した特性が2曲線である.1,3曲線はV.R.によって周波数 を可変したときの温度特性である,ほとんど特性上の変化が無いことがわかる.これにより $\Delta f/f_{a}$ +6×10⁻⁶→5×10⁻⁷(ΔT_{a} +-10°C~+50°C)と向上させることができる. 図19は電 源電圧を変えたときの周波数,出力電圧,消費電流の特性を,それぞれ20,35,50MHz に ついて示している.

つぎに可変容量ダイオードによる補償法⁴⁰ もあり,種々の温度特性を有する水晶振動子に 対する温度補償回路の構成素子の値を電算機による逐次近似法⁴⁰ により系統的に求める方法 もある.

3.4 調整形水晶発振器

図20 は調整形の 125MHz 水晶発振器である. GE 形 1 段でコルピッツ形を原形としている. コレクタのL-C同調回路をバリコンで容量性にすれば容易に発振する. 25℃ で出力が 1KΩ 負荷に対して 0.2V 程度印加する能力を持ち時日の経過にとものう 周波数推移は約

1×10⁻⁶ 程度はバリコン *Cg* で調整できる. 図21, 22 に示すように周囲温度 $\Delta Ta = +15$ ~+40°C,電源電圧 $\Delta Vc = \pm 10\%$ 変化に対して $\Delta f/fo = \pm 1.2 \times 10^{-6}$ 位である. 緩衝増幅 器を通して容易に周波数を8 倍あるいはそれ以上に通倍して約1GHz あるいはそれ以上の周 波数の安定な高周波源とすることは、もはや困難な問題ではなくなったと考える. この発振器では無調整形とすると $125 \times \frac{5}{7}$ MHz が発振するので調整形にして 125 MHz を発振させる. $\mu v \rho \neq 0$ 100 Ω , 50Ω 等は *D. F. C*等の測定器へ接続するためであり、2*SC*272の*fa*=1200 MHz である. 周囲温度安定化のバイアス回路や負帰還回路の改善をするとさらに安定特性 を得られるであろう. およそ 100 MHz 以上では 無調整形では発振が困難であって 調整形で 容易に発振させることができる.





3.5 CMOS, IC, 形水晶発振器^{60~63}

腕時計に使用する水晶振動子は小形で振動衝撃によって △ƒ/ƒ。の小さいことと消費電力 の小さいことが必要である.水銀電池(1.3V) 酸化銀電池(1.5V) で1ヶ年以上使用可能であ ること,水晶を小さくするためには高い周波数のものがよいが,CMOS,IC の電力消費 は周波数にほぼ比例しているので,電力消費は周波数が低い方がよい.この電力消費と周波 数の2つの要求を充足することが必要であるが,32,768 KHzは,これをほぼ満足している. 図23は CMOS, IC を使用した水晶発振器¹⁰⁰で CMOS インバーターと C1C2 と Rf と水晶



長野工業高等専門学校紀要·第8号

振動子から成っている.この低電力コンプリメンタリーシリコンゲイト*MOS*発振器の $P \neq$ ャンネルに電圧を加えると動作を開始し $N \neq$ ャンネルはOFFとなる. V_1 電位と V_2 電位が平 衡状態すなわち $P \neq$ ャンネルと $N \neq$ ャンネルが交互に動作して水晶振動子の発振を持続す ることとなる. $V_c=1.3\sim1.5$ (V) で動作し電流は約 0.5 μ A 以下である. R_f は直交流の負 帰還を施すとともにバイアスをも与える.図24に示すように水晶振動子の温度特性曲線と逆 の特性をもったコンデンサを C_1 に使用すれば温度補償ができる.水晶振動子の 32,768KHz から発振分周されて出力は正確な 0.5~1Hz のバルスが得られる.全消費電力は約 8 μ W で ある.エージングデータは40時間で $\Delta f/f_{0}=4\times10^{-7}$ で年間ではおよそ $\pm 2\times10^{-6}$ 以内に入 る.

4. あとがき

半導体正弦波発振器の発展方向としては、トランジスタ回路を主体とした回路方式が基本 となり、それの IC 化と、さらに能動、受動素子とを混成したモールド化が今後進むであろ う.発振周波数帯は 10-5~10⁹Hz 以上に、上下にその幅を拡張するであろう.非直線素子の 発達とともに振幅安定度と歪率特性の向上も期待できる.発振周波数安定度を良好にする⁽⁴⁴⁾ ために周波数決定回路に増幅器の諸特性が影響しないようにし、周波数決定回路の所要増幅 度を小さくして,余裕増幅度を増して負帰還量を増大させて,増幅器の入・出力インピーダン スを制御したり、位相推移の変動分を減少させて実効的にQを大きくするとともに、周波数 決定回路の温度補償をして、綜合的に発振周波数変動率を良好にすることが、現在の課題で あり、将来も基礎的研究が続行されるであろう.また IC 使用の発振器が近頃多く発表され ているが、現在使用中の IC は入力インピーダンスは大きいが、周波数特性が悪く、かつ負 帰還を随所にかけられないという高安定正弦波発振器の実現には欠点を有するので、基本的 な研究開発分野では、トランジスタ単体を用いた発振器が多く発表されてきたし、今後もそ うなるであろう.要はトランジスタ方式の一つの延長が IC 発振器にすぎないことに思いを およぼせば、すぐれた発振器開発には、トランジスタ単体方式の基礎研究を根深く掘り下げ て行なって、それと並行的に、正弦波発振器専用の IC の開発を促進すべきものであろう.

参考文献

- (1) 川原,米山:電子通信学会論文誌, VOI.56-C, No.2, 1973.
- (2) 米山:九州大学工学集報, 30, 1957.
- (3) 平岡:工学院大学研報, No.26, 1969.
- (4) L. A. Welden : Electronics, Vol. 37, Apr. 6, 1964.
- (5) Marcus. H. Norwood : Proc. I.E.E.E. Vol. 56, No.5, May, 1968.
- (6) R. S. Cobbold : Proc. Instn, Elect, Engrs, Vol. 111, No. 12, Dec. 1964.
- (7) D. A. Tong : Wirelass World, Vol. 78, No. 1435, Jan. 1972.
- (8) 内藤: Toyo's Technical Bulletin, No.11, 1970.
- (9) E. J. Baghdady: Proc. Instn, Elect, Engrs, Jul. 1969.
- (10) Ted. Arken: Electronic Design, Vol.20, No.19, Sep.14, 1972.
- (11) NASA, Tech, Brief : B72-10124, May, 1972.
- (12) Samuel, E.Bigbie : Electronics, Vol.46, No.4, Feb.15, 1973.

- (13) B. shahzadi : Electronic Engng, Jan. 1965.
- (14) 天野, 角替:昭和50 電気学会全国大会, No.508.
- (b) 篠田, 角替:昭51 電気学会全国大会, No.430.
- (6) 千葉:昭51 電気関係学会関西支部連合大会, No.G-336.
- (1) 千葉:昭52 電気関係学会東海支部連合大会, No.355.
- (18) Michael, M. Driscoll : I.E.E.E. Trans, Instrum, Meas, Vol. IM-22, No.2, Jun. 1973.
- (19) F. Butler : Wireeless World, Vol.71, No.7. Jul. 1965.
- (2) Richard, S.Baggett: The Electronic Engineer, Vol.29, No.4, Apr. 1970.
- (21) 鈴木,川原:電子材料, Vol.15, No.3, 1976.
- (2) Frank, W. Nobel, : Electronic Design, Vol.24, No.7, Mar, 29, 1976.
- 23 Terence, King : Electronics, Vol.46, No.13, Jun. 21, 1973.
- 24 Albert, W. Weggeman : The Electronic Engineer, Vol.28, No.5, May. 1969.
- 25 C. W. Kemp, : I. E. E. E. Trans, Commun, Technol, Vol. COM-14, No.3, Jun. 1966.
- 20 高柔他:電子通信学会,超音波,電子回路部品,研委資料, US, CPM. 71-43, 71, 1972.
- (27) 本多, 滑川:茨城大学工学研報, Vol.19, 1971.
- 28 O. P. Layden : I. E. E. E. Trans, Instrum. Meas, Vol. IM-21, No.3, Aug. 1972.
- (29) Samuel, V. Whitten : NTC, 1971.
- (30) 古賀, 岡本:国際通信の研究, No.89, 1976.
- (31) Yoda, H. : Proc. Ann. Freq. Control. Symp, 26th, 1972.
- 62 山辺他:電子通信学会,超音波,電子回路部品,研委資料, US, CPM.71-42, 70, 1972.
- (3) 本多, 綿引: 茨城大大学工学研報, No.23, 1975.
- (34) 千葉:昭和52 電気学会全国大会, No.537.
- (35) 千葉:昭51 電気関係学会東北支部連合大会, No.50.
- 66 千葉:昭52 電気関係学会東海支部連合大会, No.354.